# 塑性変形に伴うアルミニウム合金板の表面粗さ発達の結晶塑性解析

○諏訪将大(山形大・学生)

### 1. 緒言

金属材料が塑性変形を受けると表面粗さが拡大する.表面 粗さの発達は,製品の外観,摩擦・潤滑特性,板材の成形限 界を低下させるなどの悪影響を及ぼす.金属材料は様々な結 晶方位を持つ結晶粒が集まって構成される多結晶体であり, 各結晶粒の変形挙動は結晶方位に依存する.結晶方位の差異 による材料の不均質性が表面粗さを発達させる要因である. したがって,表面粗さの発達を解析する際に,解析モデルに おける材料の不均質性の再現が重要になる.

山口・高倉<sup>1)</sup>は現象論的塑性論に基づいた剛塑性有限要素 法を用いて,結晶粒に見立てた要素の変形抵抗に差を与える ことで材料の不均質性を表現した.また,中村ら<sup>2)</sup>は結晶塑 性理論を用いて,各結晶粒にそれぞれ異なる結晶方位与える ことで不均質性を表した.これらの解析は,表面粗さはひず みと結晶粒径に比例して増大すること,およびひずみ比によ って表面粗さの発達挙動が異なるといった実験結果を再現で きている.しかしながら,板厚方向の結晶粒数が1個または 数個程度しか考慮されておらず,表面層と内部層における結 晶粒の相互作用が正確に予測できているか不明である.

そこで本研究では、表面粗さに影響を及ぼす板厚方向の影響範囲を調べる.そのために、結晶塑性有限要素法を用いて、 各要素を結晶粒と見立てたモデルで単軸引張解析を行い、板 厚方向の高さ分布の変化を調査する.そして、表面と内部層 の結晶粒の変形挙動の差を十分に考慮できる表面粗さの解析 モデルについて検討する.

## 2. 結晶塑性理論

単結晶の構成式は Peirce ら<sup>3</sup>により提案された速度依存型 のモデルを使用する. すべり速度 *i* は次式と仮定する.

$$\dot{\gamma}^{(\alpha)} = \dot{\gamma}_0 \operatorname{sgn}(\tau^{(\alpha)}) \left| \frac{\tau^{(\alpha)}}{g^{(\alpha)}} \right|^{\frac{1}{m}} \quad , \qquad \dot{g}^{(\alpha)} = \sum_{\beta=1}^N h^{(\alpha\beta)} \left| \dot{\gamma}^{(\beta)} \right| \quad (1)$$

 $\alpha$ はすべり系, Nはすべり系の総数,  $\tau$ は分解せん断応力, mはひずみ速度敏感性指数,  $\dot{\gamma}_0$ は基準ひずみ速度である.硬 化則gの発展方程式は次式で与えられる. Taylor の等方硬化 を仮定し, hは以下に示すようなn乗硬化則を用いる.

$$h = h_0 \left(\frac{h_0 \gamma_\alpha}{\tau_0 n} + 1\right)^{n-1} \qquad , \qquad \gamma_\alpha = \int \sum_{\alpha=1}^N \left| \dot{\gamma}^{(\alpha)} \right| dt \qquad (2)$$

 $h_0$ は初期硬化率,  $\tau_0$ はgの初期値, nは加工硬化指数,  $\gamma_{\alpha}$ は全すべり系のすべり量の総和である.

## 3. 解析モデル

解析モデルは 5000 系のアルミニウム合金板を想定して, ヤ ング率 E = 65 GPa, ポアソン比 v = 0.3,  $h_0 = 390$  MPa,  $\tau_0 = 40$ MPa, n = 0.35,  $\dot{p}_0 = 0.002$  s<sup>-1</sup>, m = 0.01 とする. Fig. 1 に解析 モデルの概要を示す. 20 節点アイソパラメトリック要素を使 用し,低減積分(8 積分点)とする.解析モデルの形状はア スペクト比(x, y, z) = (1,1,1),要素分割数は, (x, y, z) = (32, 32, 32)の 32768 結晶粒とし, 1 要素を 1 結晶粒とみなして 結晶方位をランダムに各要素に割り当てる.境界条件として, x, y軸に関する対称条件, x軸方向に強制変位を与えて,単 軸引張解析を行った.

#### 4. 結果および考察

公称ひずみ 0.30 における、板表面および内部の板厚方向の

# 吉田健吾 (山形大院)

高さを調べる.1 層目(表面)の高さ分布,および表面の1 要素分だけ材料をスライスした際の2層目の高さ分布を Fig. 2に示す.表面粗さの山または谷は引張方向(x軸方向)に伸 長する傾向がある.また,2層目の山と谷の分布は,1層目と ほぼ一致していた.同様にして,この比較を10層目まで行っ たところ,下の層に行くにつれて表面1層目との一致度合い は小さくなることを確認した.Fig.3には5層目の高さ分布を 示す.1層目と5層目の高さ分布を比較すると,1層目で山や 谷となっている部分が,同じく5層目でも山や谷となってい る部分がある(図中〇).一方で,1層目で山となっていた部 分が,第5層目では谷となっており,凹凸の特徴が逆転して いる部分も確認された(図中 $\Delta$ ).

#### 参考文献

山口・高倉,日本機械学会論文集,51-469 (1985),172-178.
中村ら,日本機械学会論文集,52-476 (1986),1448-1454.
R. Asaro, A. Needleman, Acta metal. 33 (1985), 923-953.



Fig. 1 Geometry of the model and boundary condition





Fig. 3 Height distribution in layer 5.